

Compiladores - Análise SLR

Fabio Mascarenhas – 2015.1

<http://www.dcc.ufrj.br/~fabiom/comp>

Análise SLR

- A ideia da análise SLR é usar o conjunto FOLLOW do não-terminal associado a um item de redução para resolver conflitos
- A intuição é que só faz sentido reduzir se o próximo token (o lookahead) estiver nesse FOLLOW, ou a redução estará errada
- Para ver que isso é verdade, basta lembrar da definição de FOLLOW:

$$\text{FOLLOW}(A) = \{ x \text{ é terminal ou EOF} \mid S \xrightarrow{*} wAxv \text{ para algum } w \text{ e } v \}$$

- Se a redução for válida então o próximo token tem que estar em FOLLOW(A)!

Implicações da análise SLR

- Um estado do autômato pode ter vários itens de redução contanto que sejam de não-terminais diferentes, e seus conjuntos FOLLOW sejam disjuntos
- Um estado pode ter itens de *shift* (com um terminal seguindo a marca) misturados a itens de redução contanto que o terminal não pertença ao FOLLOW de nenhum dos não-terminais dos itens de redução
- Toda gramática sem conflitos LR(0) é uma gramática sem conflitos SLR
- Ainda há margem para muitos conflitos shift-reduce e reduce-reduce! A análise SLR já é bem melhor que a LR(0), mas ainda é fraca

Gramática de Expressões

- A gramática de expressões que vimos na aula passada é SLR:

```
S -> E
E -> E + T
E -> T
T -> T * F
T -> F
F -> num
F -> ( E )
```

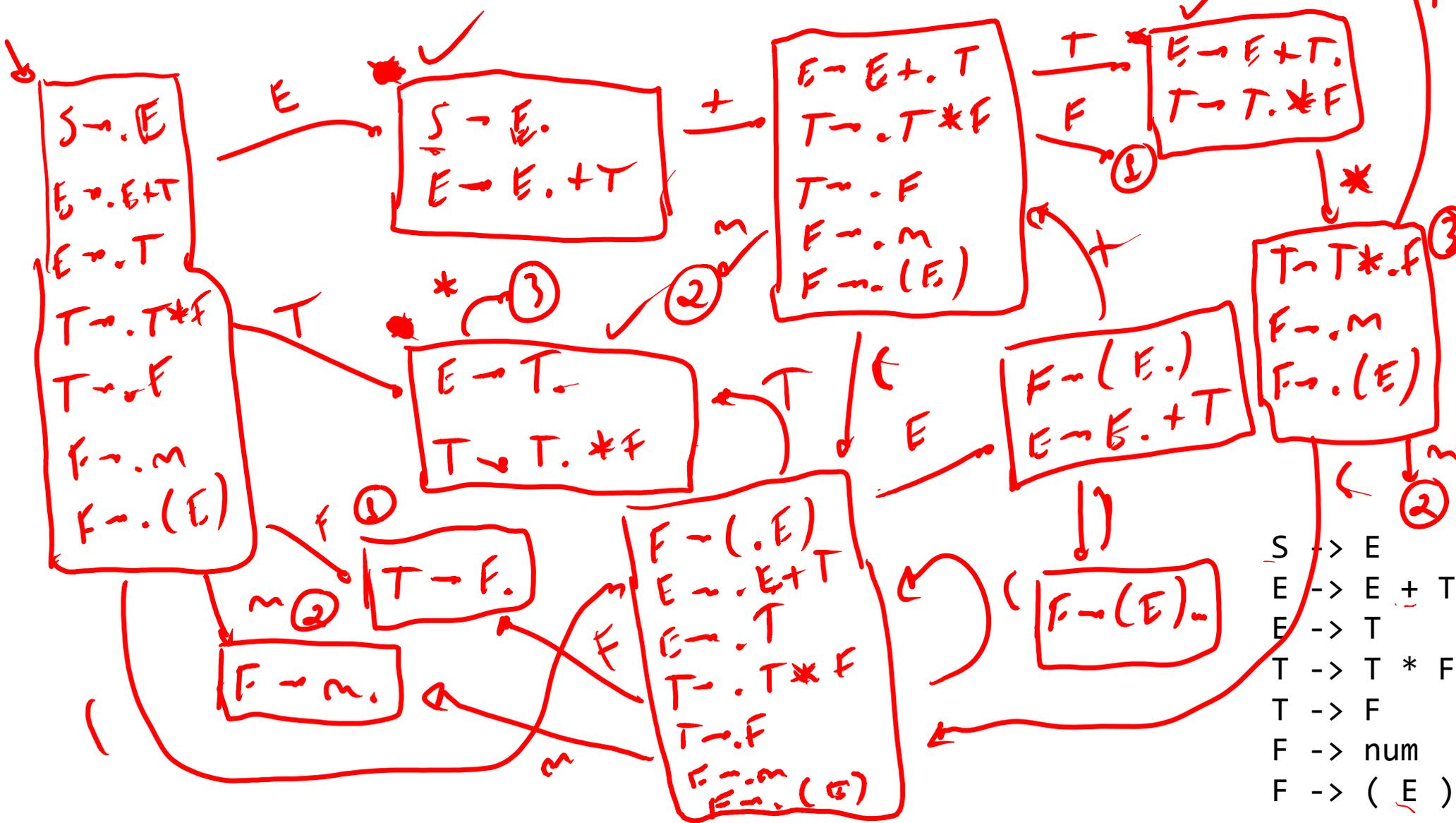
- Podemos construir o autômato dela e verificar

$\text{Follow}(S) = \{ \text{EOF}, \}$

$\text{Follow}(E) = \{ \text{EOF}, +,) \}$

Autômato da gramática de expressões

$T \rightarrow T * F.$



$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + T$
 $E \rightarrow T$
 $T \rightarrow T * F$
 $T \rightarrow F$
 $F \rightarrow \text{num}$
 $F \rightarrow (E)$

Analisando uma entrada

S | num * num + num

R5 num | * num + num

R4 F | * num + num

S | T | * num + num

S | T * | num + num

R5 T * num | + num

R3 T * F | + num

R2 F | + num

S | E | + num

S | E + | num

R5 | E + num |

R1 | E + F |

R2 | E + T |

R0 | E |

S |



- 0 S -> E
- 1 E -> E + T
- 2 E -> T
- 3 T -> T * F
- 4 T -> F
- 5 F -> num
- (F -> (E)

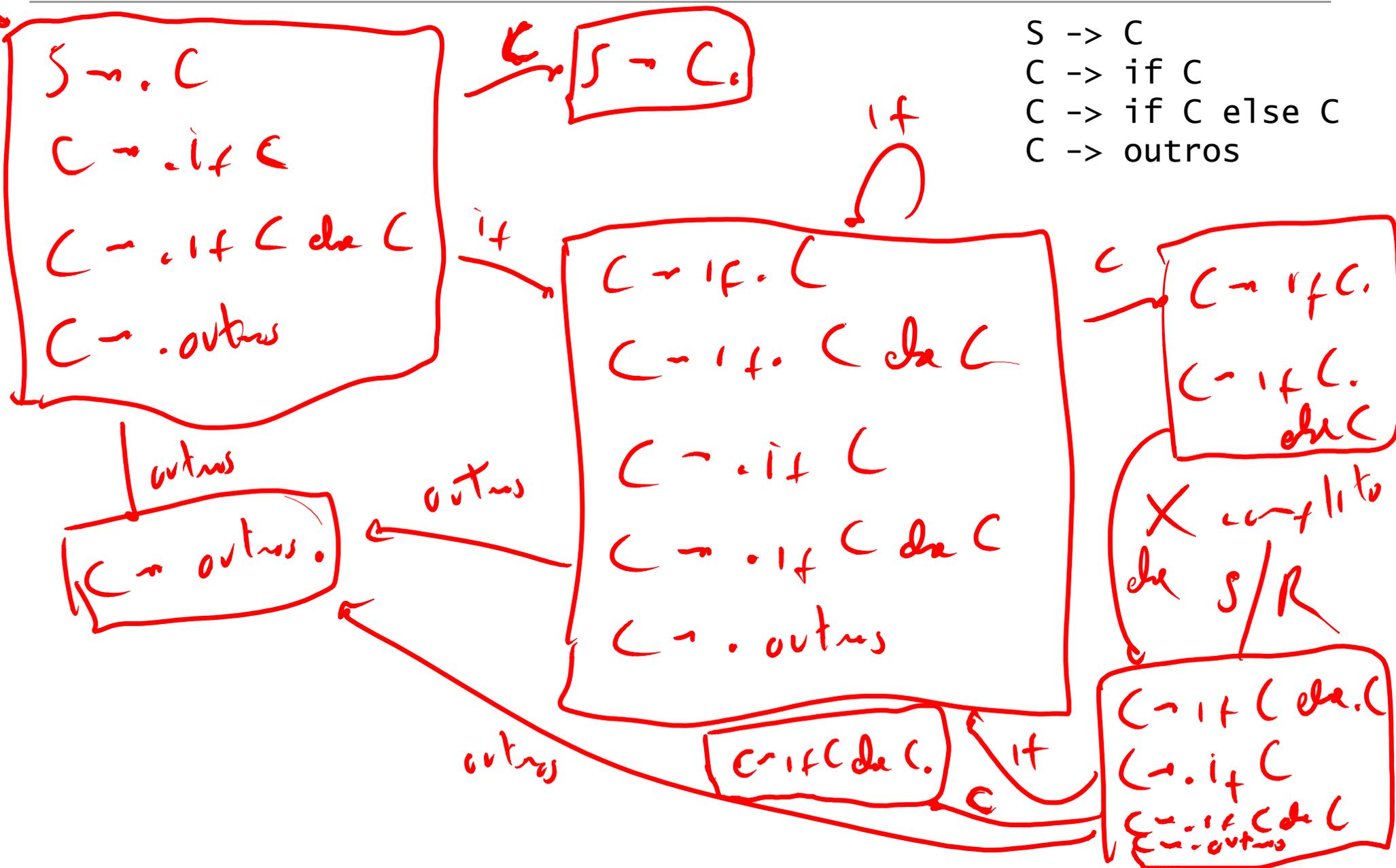
Resolvendo ambiguidade

- Uma gramática ambígua nunca é SLR
- Vamos ver o que acontece com a ambiguidade do if-else:

```
S -> C  
C -> if C  
C -> if C else C  
C -> outros
```

Autômato da gramática do if-else

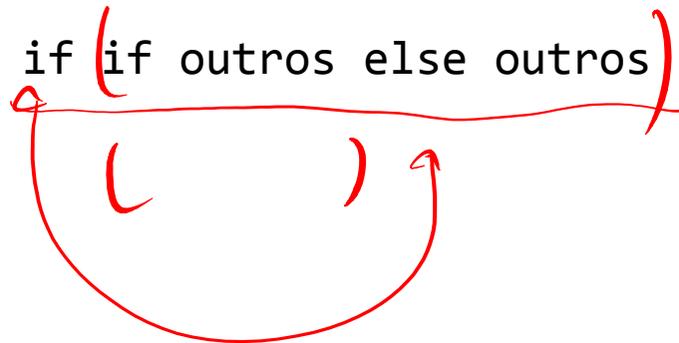
Follow(ϵ) = { ϵ , ϵ }



Resolução de conflitos

- A gramática do if-else tem um conflito shift-reduce
- Um analisador SLR tipicamente resolve esse conflito sempre escolhendo shift
- Vamos ver o que isso implica com um exemplo

if (if outros else outros)



$S \rightarrow C \rightarrow \text{if } C \rightarrow \text{if } \text{if } C \text{ else } C \rightarrow \text{if } \text{if } C \text{ de outros} \rightarrow$
 $\text{if } \text{if } \text{outros} \text{ else } \text{outros}$

Analisando uma entrada ambígua

S | if if outros else outros

S if | if outros else outros

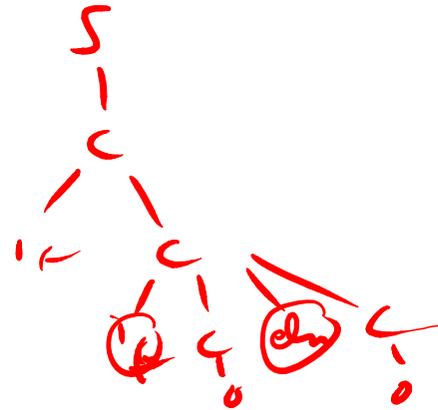
S if if | outros else outros

R3 if if outros | else outros

S if if C | else outros

S if if C else | outros

R3 if if C else outros |



S \rightarrow C
 C \rightarrow if C
 C \rightarrow if C else C
 C \rightarrow outros

R2 if if C else C |

R1 if C |

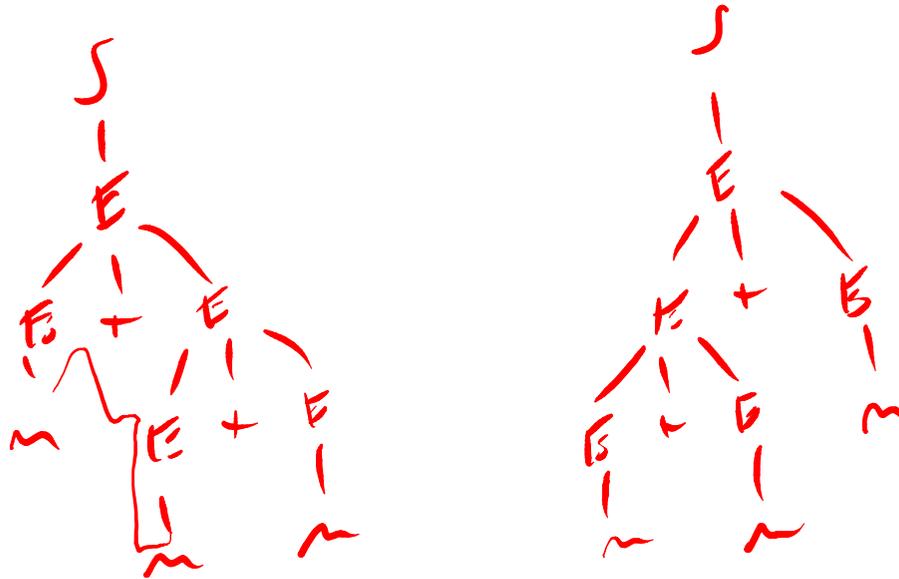
R0 C |

S | ✓

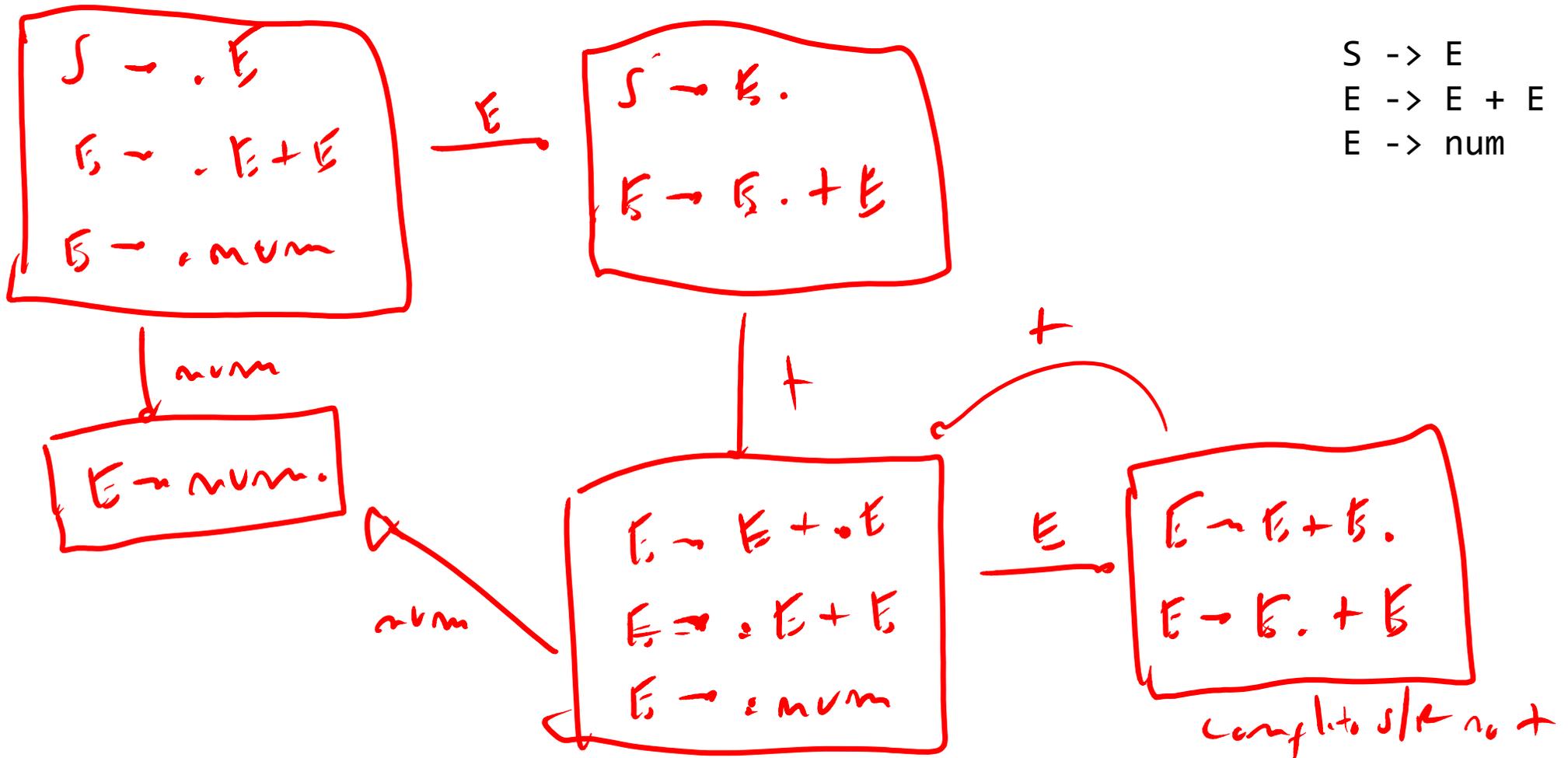
Gramáticas de expressões ambíguas

- Vamos agora examinar a gramática ambígua abaixo:

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow \text{num}$



Autômato da gramática



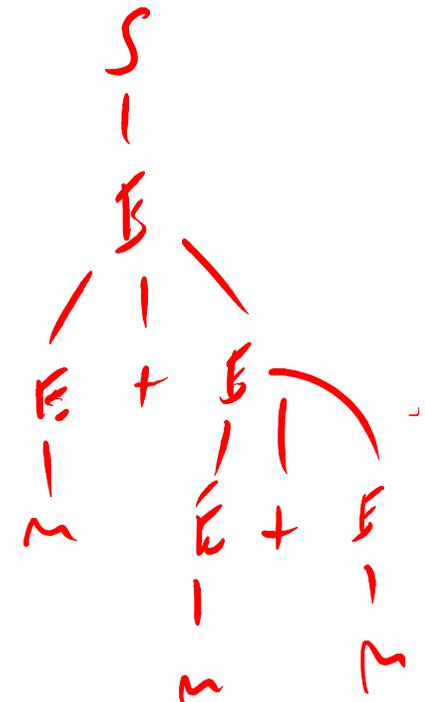
Analisando uma entrada ambígua

- Ela também tem um conflito shift-reduce, vamos ver o que a solução de conflitos normal dá para $\text{num} + \text{num} + \text{num}$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow \text{num}$

$S \mid \text{num} + \text{num} + \text{num}$
 $R2 \mid \text{num} + \text{num} + \text{num}$
 $S \mid E + \text{num} + \text{num}$
 $S \mid E + \mid \text{num} + \text{num}$
 $R2 \mid E + \text{num} + \text{num}$
 $S \mid E + E + \text{num}$

$L \mid$
 $S \mid E + E + \mid \text{num}$
 $R2 \mid E + E + \text{num} \mid$
 $R2 \mid E + E + E + \mid$
 $R2 \mid E + E + \mid$
 $R0 \mid E + \mid$
 $S \mid$ ✓



Analisando uma entrada ambígua

- Agora vamos ver o que resolvendo o conflito escolhendo redução dá para $(num + num) + num$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow num$

$S \mid num + num + num$

$S \ E + \mid num$

$R2 \ num \mid + num + num$

$R2 \ E + num \mid$

$S \ E \mid + num + num$

$R1 \ E + E \mid$

$S \ E + \mid num + num$

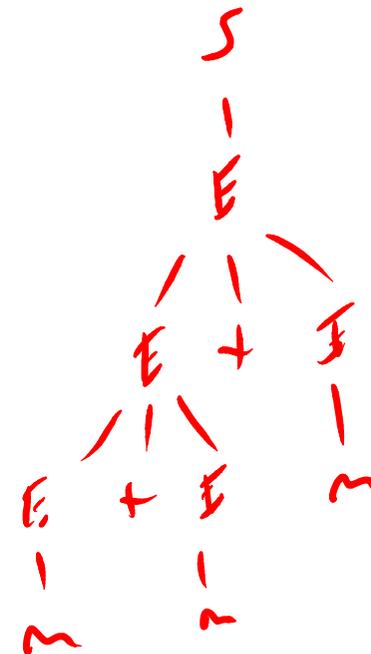
$R0 \ E \mid$

$R2 \ E + num \mid + num$

$S \mid$

$R2 \ E + E \mid + num$

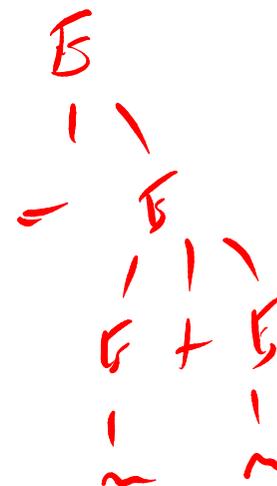
$S \ E \mid + num$



Precedência de operadores

- Vamos agora ver uma gramática mais complexa:

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow - E$
 $E \rightarrow \text{num}$

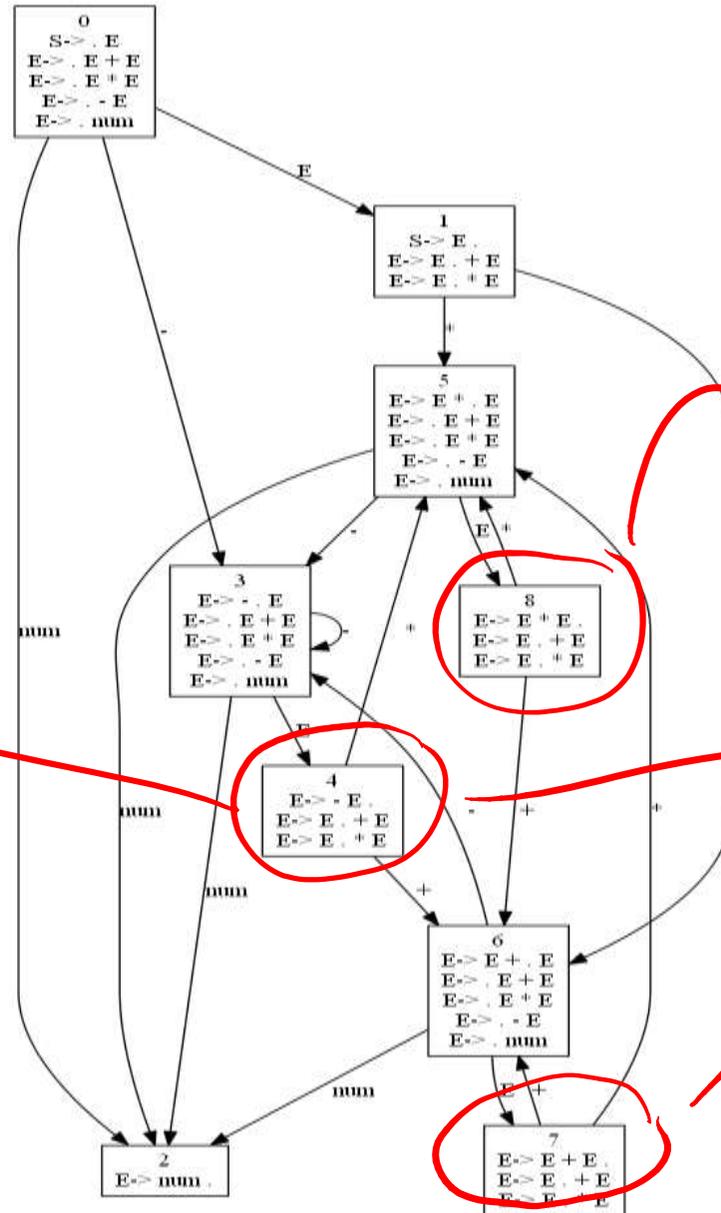


- Qual será o comportamento dessa gramática nas entradas:

$\text{num} + (\text{num} * \text{num})$
 $(\text{num} * \text{num}) + \text{num}$
 $(- \text{num}) + \text{num}$

Autômato SLR

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow - E$
 $E \rightarrow \text{num}$



$R \text{ no } +$
 $R \text{ no } *$

$R \text{ no } +$
 $R \text{ no } *$

conflitos
 s/n em
 $+ e *$

$S \text{ no } *$
 $R \text{ no } +$

Analísado num + (num⁺* num)

S | num + num * num

R1 | num | + num * num

S | E | + num * num

S | E + | num * num

R4 | E + num | * num

S | E + E | * num

S | E + E * | num

R1 | E + E * num |

R2 | E + E * E |

R3 | E + E |

R0 | E |

S | ✓

- 0 S -> E
- 1 E -> E + E
- 2 E -> E * E
- 3 E -> - E
- 4 E -> num

Analizando num * num + num

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow \text{num}$

S | num * num + num

R1 E + num |

R1 num | * num + num

R2 E + E |

S E | * num + num

R0 E |

S E * | num + num

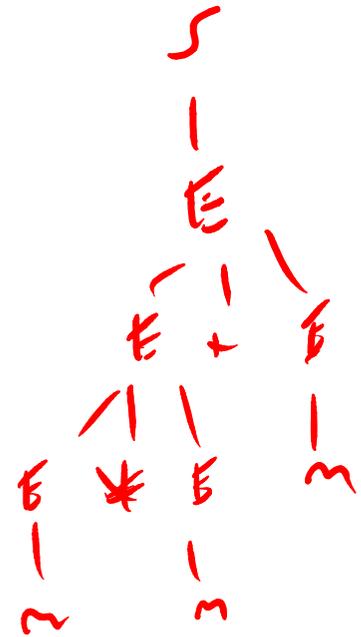
S | ✓

R1 E * num | + num

R2 E * E | + num

S E | + num

S E + | num



Controle de precedência

- Podemos levar em conta a precedência dos operadores na solução de conflitos shift-reduce
- Se o operador do shift tem precedência maior que a do operador do reduce, fazer shift, senão fazer o reduce
- Isso nos dá a árvore correta nos nossos exemplos, assumindo que a precedência de $*$ é maior que a de $+$
- E quanto ao operador unário?

Analizando $(- \text{ num}) + \text{ num}$

- Vai ser a mesma coisa, a precedência dele tem que ser maior que a dos operadores binários

S | - n + n

S | - (n + n

M1 - n | + n

M3 - E | + n

S E | + n

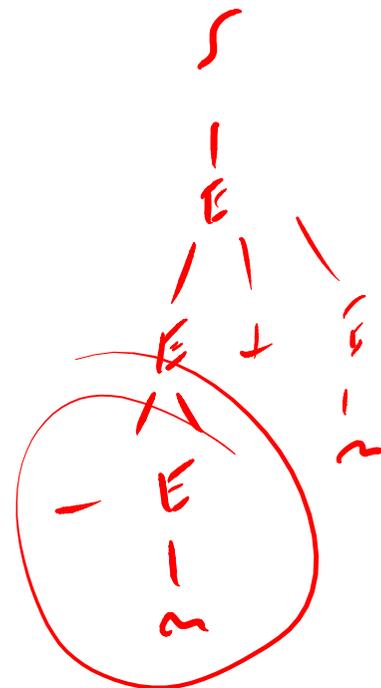
S E + | n

M4 E + n |

M2 E + E |

M0 E |

S |



S → E
 E → E + E
 E → E * E
 E → - E
 E → num

S → E
 E → E + T
 E → T
 T → T * F
 T → E
 E → - E
 E → num

Precedência e associatividade

- O controle da precedência e o da associatividade usam o mesmo mecanismo
- Podemos ter ambos no analisador: se um operador é associativo à direita é como se a precedência dele fosse maior do que a dele mesmo, e aí escolhemos shift
- Um resumo da resolução de conflitos shift-reduce:
 - Para o mesmo operador, shift dá associatividade à direita, reduce à esquerda
 - Para operadores diferentes, shift dá precedência ao próximo operador, reduce ao atual

Gramática SLR para TINY

- Podemos dar uma gramática mais simples para TINY se usarmos um analisador SLR com controle de precedência:

S -> CMDS	EXP -> EXP < EXP
CMDS -> CMDS ; CMD	EXP -> EXP = EXP
CMDS -> CMD	EXP -> EXP + EXP
CMD -> if EXP then CMDS end	EXP -> EXP - EXP
CMD -> if EXP then CMDS else CMDS end	EXP -> EXP * EXP
CMD -> repeat CMDS until EXP	EXP -> EXP / EXP
CMD -> id := EXP	EXP -> (EXP)
CMD -> read id	EXP -> num
CMD -> write EXP	EXP -> id

$(/, *) > (+, -) > (<, =)$