

Compiladores - Gramáticas

Fabio Mascarenhas – 2015.2

<http://www.dcc.ufrj.br/~fabiom/comp>

Ambiguidade

- Uma gramática é *ambígua* se existe alguma cadeia para qual ela tem mais de uma *árvore sintática*
 - De maneira equivalente, se existe mais de uma derivação *mais à esquerda* para uma cadeia
 - Ou se existe mais de uma derivação *mais à direita* para uma cadeia
 - As três definições são equivalentes
- Ambiguidade é ruim para uma linguagem de programação, pois leva a interpretações inconsistentes entre diferentes compiladores

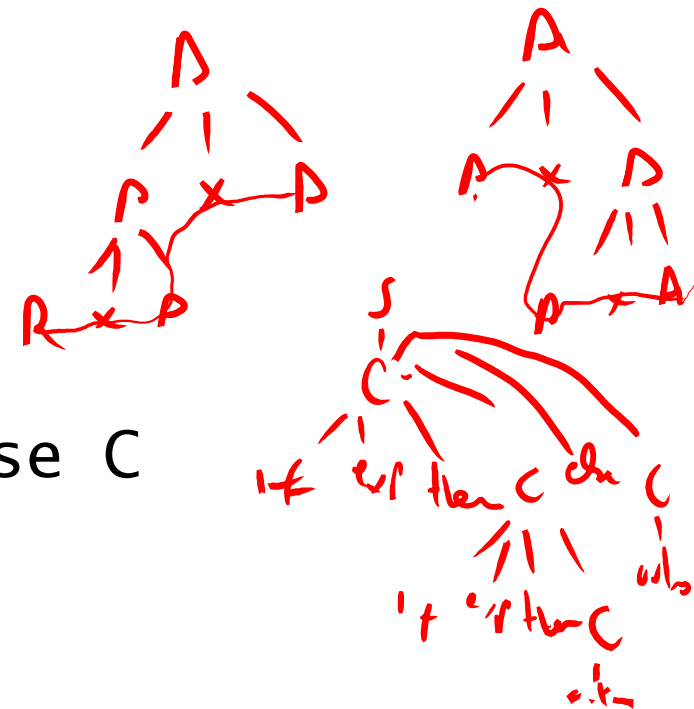
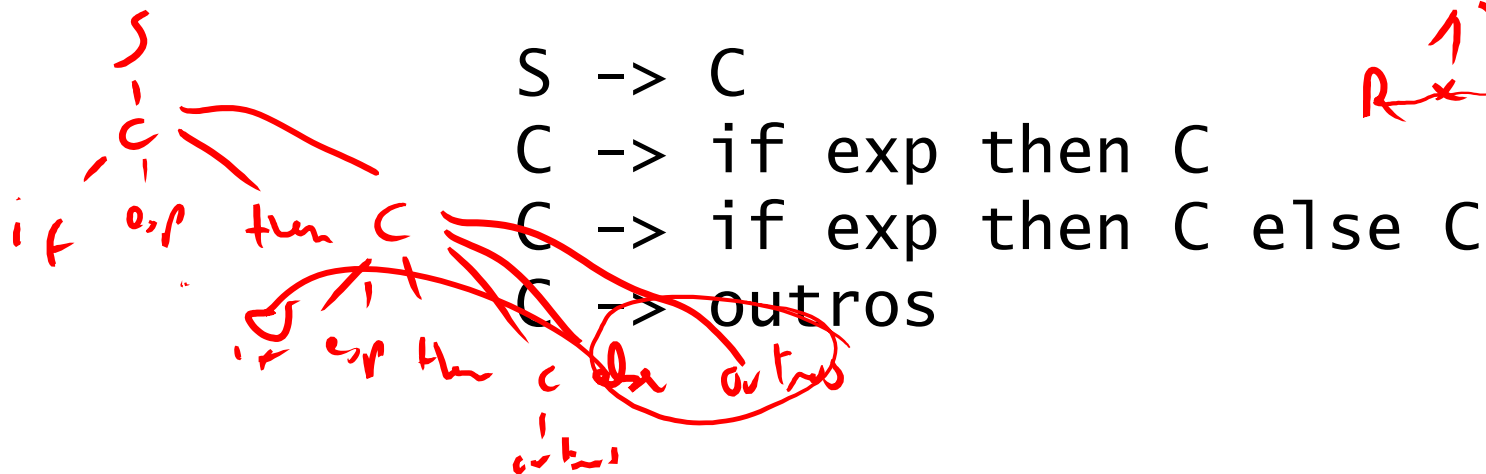
if then else then else;

Detectando ambiguidade

- Infelizmente, não existe um algoritmo para detectar se uma gramática qualquer é ambígua ou não
- Mas existem *heurísticas*, a principal delas é verificar se existe uma regra misturando *recursão à esquerda* e *recursão à direita*

$$A \rightarrow A \times A$$

- É o caso da gramática de expressões
- Às vezes isso é bem sutil: ambiguidade do if-else



Removendo ambiguidade

- Do mesmo modo, não há um algoritmo para remover ambiguidade
- Se a ambiguidade está na gramática, e não na própria linguagem, o jeito é encontrar a *fonte* da ambiguidade e reescrever a gramática para eliminá-la
- No caso de ambiguidade em gramáticas de expressões e operadores, a ambiguidade vem da gramática não estar levando em conta as regras de associatividade e precedência dos operadores
- Em uma gramática de expressões, cada nível de precedência tem que ganhar seu próprio não-terminal
- Operadores que devem ser associativos à esquerda precisam usar recursão à esquerda, e associativos à direita precisam de recursão à direita

Expressões simples, sem ambiguidade

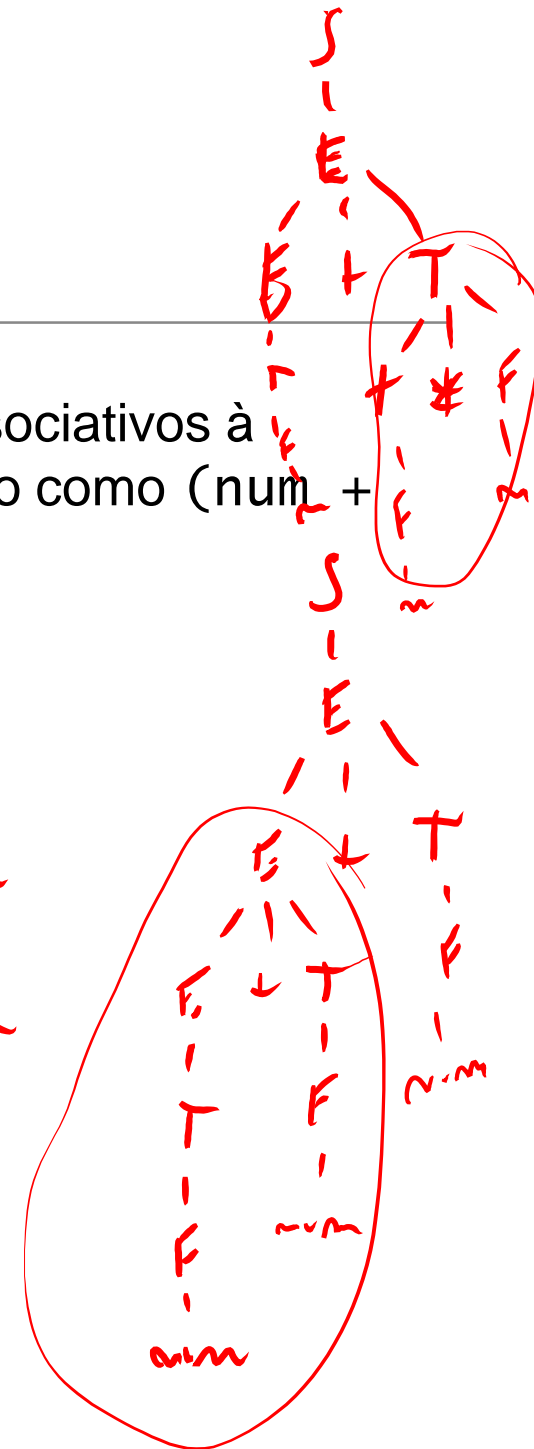
- Assumindo que * tem precedência sobre +, e ambos são associativos à esquerda (ou seja, $\text{num} + \text{num} + \text{num}$ deve ser interpretado como $(\text{num} + \text{num}) + \text{num}$)

*

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + E$
 $E \rightarrow E * E$
 $E \rightarrow (E)$
 $E \rightarrow \text{num}$

→

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + T$) nível 1
 $E \rightarrow T$
 $T \rightarrow T * F$) nível 2
 $T \rightarrow F$
 $F \rightarrow (E)$) nível 3
 $F \rightarrow \text{num}$



Expressões simples, sem ambiguidade

- Assumindo que \wedge tem precedência sobre $*$ que tem precedência sobre $+$, \wedge é associativo à direita, $*$ e $+$ são associativos à esquerda (ou seja, $\text{num} + \text{num} + \text{num}$ deve ser interpretado como $(\text{num} + \text{num}) + \text{num}$)

$$\sim \wedge (\text{num} \wedge \text{num})$$

$$(\text{num} - \text{num}) + \text{num}$$

$$(\text{num} + \text{num}) - \text{num}$$

$S \rightarrow E$
 $E \rightarrow E + T$
 $E \rightarrow E - T$
 $E \rightarrow T$
 $T \rightarrow T * F$
 $T \rightarrow F$
 $F \rightarrow A \wedge F$
 $F \rightarrow A$
 $A \rightarrow (E)$
 $A \rightarrow \text{num}$

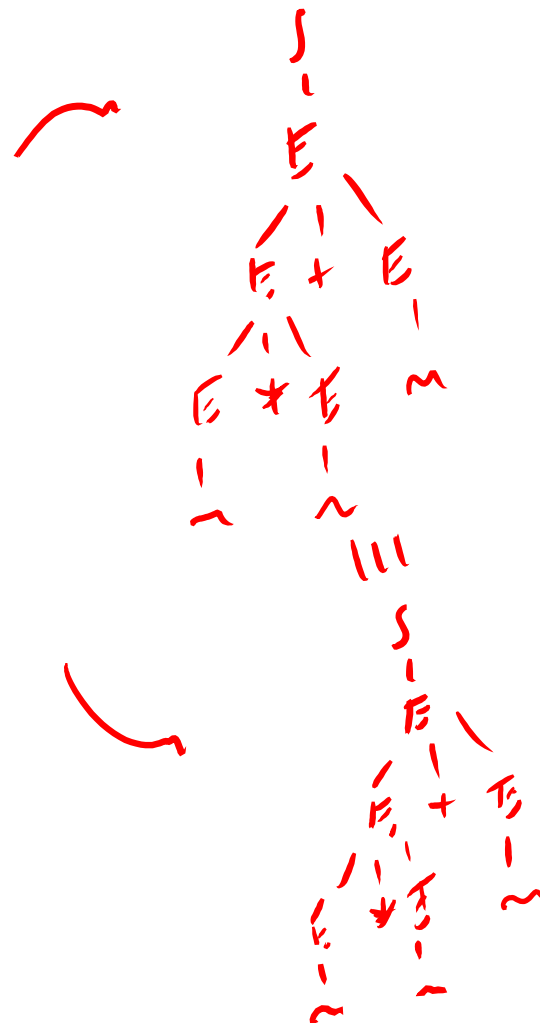
assoc. direita

Duas derivações, uma árvore

- Duas derivações de uma frase podem dar a mesma árvore de uma for mais à esquerda e outra mais à direita

S \rightarrow E
-1- \rightarrow E + E
-2- \rightarrow E * E + E
-4- \rightarrow num * E + E
-4- \rightarrow num * num + E
-4- \rightarrow num * num + num

S \rightarrow E
-1- \rightarrow E + E
-4- \rightarrow E + num
-2- \rightarrow E * E + num
-4- \rightarrow E * num + num
-4- \rightarrow num * num + num



Duas derivações, duas árvores

- Duas derivações mais à esquerda dão duas árvores diferentes: gramática ambígua

S \rightarrow E
-1- \rightarrow E + E
-2- \rightarrow E * E + E
-4- \rightarrow num * E + E
-4- \rightarrow num * num + E
-4- \rightarrow num * num + num

S \rightarrow E
-2- \rightarrow E * E
-4- \rightarrow num * E
-1- \rightarrow num * E + E
-4- \rightarrow num * num + E
-4- \rightarrow num * num + num



*if exp then if exp then outros de outros end
if exp then if exp then outros end else outros end*

If-else sem ambiguidade

- Uma solução adotada por diversas linguagens é acrescentar um delimitador que fecha o if:

S -> C
C -> if exp then C end
C -> if exp then C else C end
C -> outros

- Uma desvantagem é que agora é necessário ter uma construção "else-if" para ter ifs em cascata sem uma multiplicação de ends

~~end~~
else if

- E claro, estamos mudando a linguagem!

*if exp { or exp (outros) de (outros) }
if exp { if exp (outros) } de (outros)*

If-else sem ambiguidade, com a “cara de C”

- Uma solução adotada por diversas linguagens é acrescentar um delimitador que fecha o if:

```
S -> C  
C -> if exp { C }  
C -> if exp { C } else { C }  
C -> outros
```

- Uma desvantagem é que agora é necessário ter uma construção “else-if” para ter ifs em cascata sem uma multiplicação de ends
- E claro, estamos mudando a linguagem!

if exp then if exp then outros else outros

If-else sem mudar a linguagem

- Outra solução é separar os ifs em dois tipos, com não-terminais diferentes:

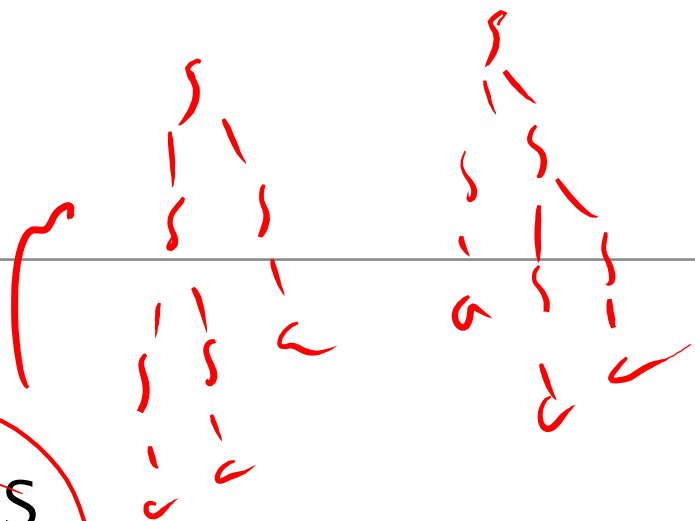
S → C
C → if exp then C
C → if exp then CE else C
C → outros
CE → if exp then CE else CE
CE → outros

- Notem a semelhança com a gramática não ambígua de expressões

Quiz

- Qual a versão não ambígua da gramática:

$T \rightarrow T * E$
 $T \rightarrow T \wedge M$
 $T \rightarrow (E)$
 $T \rightarrow \epsilon$



$S \rightarrow S S$
 $S \rightarrow a$
 $S \rightarrow b$

$S \rightarrow S S' \rightarrow S S S'$

~~$S \rightarrow S a$
 $S \rightarrow S b$
 $S \rightarrow \epsilon$~~

inclui ϵ

~~$S \rightarrow S S'$
 $S' \rightarrow a$
 $S' \rightarrow b$~~

ϵ como base

$S \rightarrow a - S a a - c c a$

$S \rightarrow S a$
 $S \rightarrow S b$
 $S \rightarrow a$
 $S \rightarrow b$



~~$S \rightarrow S$
 $S \rightarrow S'$
 $S' \rightarrow a$
 $S' \rightarrow b$~~

$\{a, b\}$

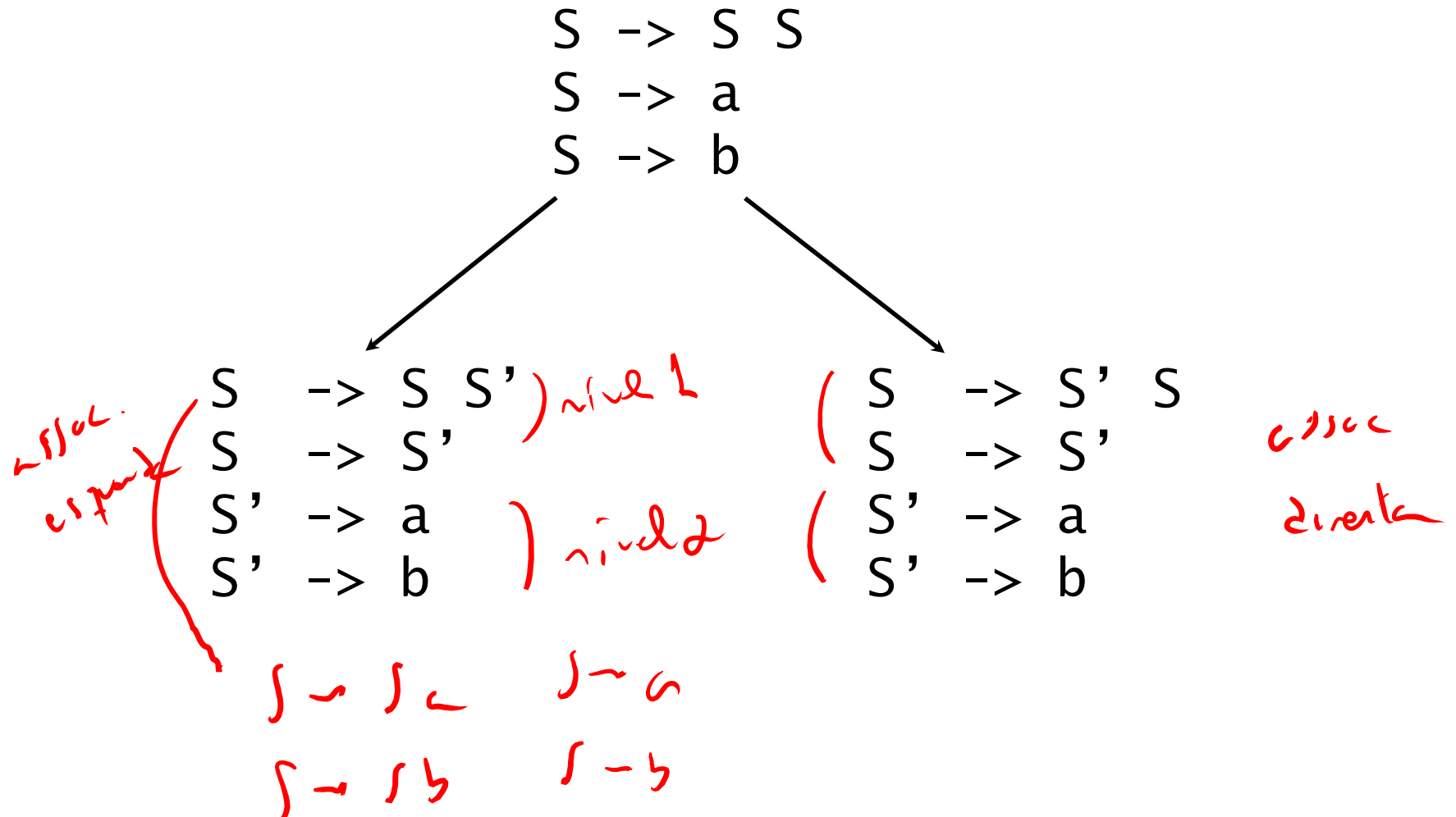
Quiz

- Qual a versão não ambígua da gramática:

$$\begin{aligned} S &\rightarrow S \cup S \\ S &\rightarrow a \\ S &\rightarrow b \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} S &\rightarrow S a \\ S &\rightarrow S b \\ S &\rightarrow \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} S &\rightarrow S S' \\ S' &\rightarrow a \\ S' &\rightarrow b \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} S &\rightarrow S \\ S &\rightarrow S' \\ S' &\rightarrow a \\ S' &\rightarrow b \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} * S &\rightarrow S a \\ S &\rightarrow S b \\ S &\rightarrow a \\ S &\rightarrow b \end{aligned}$$

Quiz

- Qual a versão não ambígua da gramática:



Contornando ambiguidade

- Na prática, um uso judicioso de ambiguidade pode simplificar a gramática, e deixar ela mais natural
- Tanto a versão ambígua da gramática de expressões simples quanto a gramática do if-else são mais simples que suas versões não ambíguas!
- Podemos eliminar a ambiguidade não na gramática, mas na *implementação do analisador sintático*
- As ferramentas de geração de analisadores possuem regras de eliminação de ambiguidade, e diretivas de precedência e associatividade que permitem controlar como essa eliminação é feita